

Sveučilište u Zagrebu  
Fakultet elektrotehnike i računarstva

Završni rad br. 4581  
Očitavanje rukom pisanih slova

Filip Gulan

Zagreb, srpanj 2016.



- Sustav za prepoznavanje rukom pisanih slova.
- Uporaba: automatsko ispravljanje obrazaca s odgovorima na ispitu.
- Prikupljanje skupa podataka - obrasci.
- Obrada pojedinog slova - svi filtri ručno implementirani.
- Izlučivanje značajki i klasifikacija: umjetna neuronska mreža.

# Slika sivih nijansi

- Aditivni model RGB.

# Slika sivih nijansi

- Aditivni model RGB.
- Jednaka vrijednost svih komponenti - spektar sivih nijansi.

# Slika sivih nijansi

- Aditivni model RGB.
- Jednaka vrijednost svih komponenti - spektar sivih nijansi.
- Mogući pristup:  $E_y = \frac{E_R+E_G+E_B}{3}$

# Slika sivih nijansi

- Aditivni model RGB.
- Jednaka vrijednost svih komponenti - spektar sivih nijansi.
- Mogući pristup:  $E_y = \frac{E_R + E_G + E_B}{3}$
- Ljudsko oko ne opaža sve boje jednako.
  - Zelenu najjače, zatim crvenu pa plavu.

# Slika sivih nijansi

- Aditivni model RGB.
- Jednaka vrijednost svih komponenti - spektar sivih nijansi.
- Mogući pristup:  $E_y = \frac{E_R + E_G + E_B}{3}$
- Ljudsko oko ne opaža sve boje jednako.
  - Zelenu najjače, zatim crvenu pa plavu.
- Bolji pristup:  $E_y = 0.2126E_R + 0.7152E_G + 0.0722E_B$

# Slika sivih nijansi

Primjer rada obje formule



# Binarizacija

- Crno-bijela slika.

# Binarizacija

- Crno-bijela slika.
- Dva razreda slikovnih elemenata: prednji plan ili objekt te pozadina.

# Binarizacija

- Crno-bijela slika.
- Dva razreda slikovnih elemenata: prednji plan ili objekt te pozadina.
- Prag binarizacije.

# Binarizacija

- Crno-bijela slika.
- Dva razreda slikovnih elemenata: prednji plan ili objekt te pozadina.
- Prag binarizacije.
- Izbjegavanje ovisnosti o konstantnom pragu - Otsuova metoda.

# Binarizacija

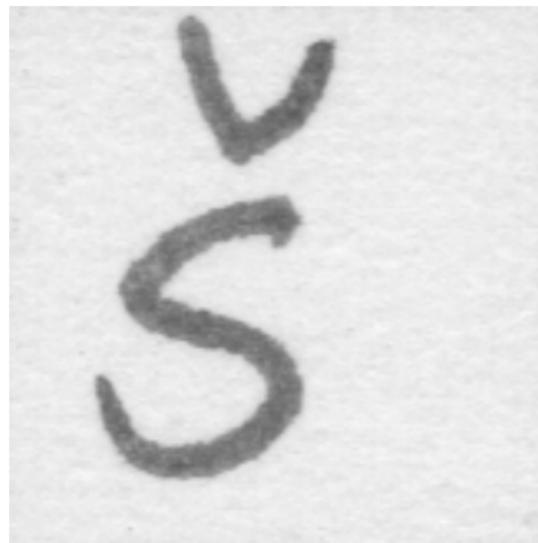
- Crno-bijela slika.
- Dva razreda slikovnih elemenata: prednji plan ili objekt te pozadina.
- Prag binarizacije.
- Izbjegavanje ovisnosti o konstantnom pragu - Otsuova metoda.
- Izračun histograma slike.

# Binarizacija

- Crno-bijela slika.
- Dva razreda slikovnih elemenata: prednji plan ili objekt te pozadina.
- Prag binarizacije.
- Izbjegavanje ovisnosti o konstantnom pragu - Otsuova metoda.
- Izračun histograma slike.
- Disperzija unutar razreda ili između razreda - za svaki prag.

# Binarizacija

Primjer rada algoritma



# Dilatacija

- Jedan od osnovnih operatora u području matematičke morfologije.

# Dilatacija

- Jedan od osnovnih operatora u području matematičke morfologije.
- Primjena nad crno-bijelim slikama i slikama sivih nijansi.

# Dilatacija

- Jedan od osnovnih operatora u području matematičke morfologije.
- Primjena nad crno-bijelim slikama i slikama sivih nijansi.
- Matematički definirana kao:  $D(\mathbf{A}, \mathbf{B}) = \mathbf{A} \oplus \mathbf{B} = \bigcup_{b \in \mathbf{B}} \mathbf{A}_b..$

# Dilatacija

- Jedan od osnovnih operatora u području matematičke morfologije.
- Primjena nad crno-bijelim slikama i slikama sivih nijansi.
- Matematički definirana kao:  $D(\mathbf{A}, \mathbf{B}) = \mathbf{A} \oplus \mathbf{B} = \bigcup_{b \in \mathbf{B}} \mathbf{A}_b ..$
- Skup **A** - slika, skup **B** - strukturni element.

# Dilatacija

- Jedan od osnovnih operatora u području matematičke morfologije.
- Primjena nad crno-bijelim slikama i slikama sivih nijansi.
- Matematički definirana kao:  $D(\mathbf{A}, \mathbf{B}) = \mathbf{A} \oplus \mathbf{B} = \bigcup_{b \in \mathbf{B}} \mathbf{A}_b$ .
- Skup **A** - slika, skup **B** - strukturni element.
- Strukturni element - određuje vrstu i svojstva dilatacije, razni oblici: krug, kvadrat...

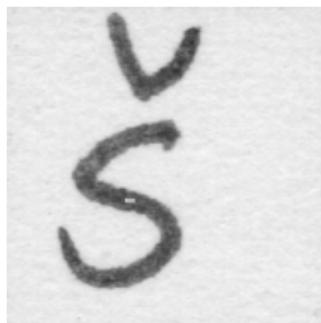
# Dilatacija

- Jedan od osnovnih operatora u području matematičke morfologije.
- Primjena nad crno-bijelim slikama i slikama sivih nijansi.
- Matematički definirana kao:  $D(\mathbf{A}, \mathbf{B}) = \mathbf{A} \oplus \mathbf{B} = \bigcup_{b \in \mathbf{B}} \mathbf{A}_b$ .
- Skup **A** - slika, skup **B** - strukturni element.
- Strukturni element - određuje vrstu i svojstva dilatacije, razni oblici: krug, kvadrat...
- Iteracija po pojedinom slikovnom elementu i usporedba sa strukturnim elementom - "paljenje" pojedinog slikovnog elementa.

1	1	1
1	1	1
1	1	1

# Dilatacija

Prikaz rada algoritma



# Stanjivanje

- Jedna od osnovnih operacija u području matematičke morfologije.

# Stanjivanje

- Jedna od osnovnih operacija u području matematičke morfologije.
- Primjena nad crno-bijelim slikama i slikama sivih nijansi.

- Jedna od osnovnih operacija u području matematičke morfologije.
- Primjena nad crno-bijelim slikama i slikama sivih nijansi.
- Višestruka primjena, no najviše za izlučivanje kostura objekta.

# Stanjivanje

- Jedna od osnovnih operacija u području matematičke morfologije.
- Primjena nad crno-bijelim slikama i slikama sivih nijansi.
- Višestruka primjena, no najviše za izlučivanje kostura objekta.
- Osnova rada - strukturni element

- Jedna od osnovnih operacija u području matematičke morfologije.
- Primjena nad crno-bijelim slikama i slikama sivih nijansi.
- Višestruka primjena, no najviše za izlučivanje kostura objekta.
- Osnova rada - strukturni element
- Brisanje slikovnog elementa objekta ukoliko:
  - ima više od jednog susjednog slikovnog elementa koji pripada pozadini i
  - brisanjem neće doći do lokalnog razdvajanja objekta u dva dijela.

- Jedna od osnovnih operacija u području matematičke morfologije.
- Primjena nad crno-bijelim slikama i slikama sivih nijansi.
- Višestruka primjena, no najviše za izlučivanje kostura objekta.
- Osnova rada - strukturni element
- Brisanje slikovnog elementa objekta ukoliko:
  - ima više od jednog susjednog slikovnog elementa koji pripada pozadini i
  - brisanjem neće doći do lokalnog razdvajanja objekta u dva dijela.
- U morfologiji vrlo sporo - Zhang-Suenov algoritam.

# Stanjivanje

Prikaz rada algoritma

A large, bold, black letter 'T' is displayed prominently in the center.

An outline of the letter 'T' is shown, consisting of a horizontal top bar and two vertical strokes.

A large, bold, black letter 'Š' is displayed prominently in the center.

An outline of the letter 'Š' is shown, consisting of a downward stroke and a curved loop.

An outline of the letter 'Š' is shown, consisting of a downward stroke and a curved loop.

# Segmentacija i skaliranje slova

- Binarna slika, iznimno lako pronaći pravokutni okvir slova.

# Segmentacija i skaliranje slova

- Binarna slika, iznimno lako pronaći pravokutni okvir slova.
- Pronalazak najbližeg i najdaljeg crnog slikovnog elementa po visini i širini slike.

# Segmentacija i skaliranje slova

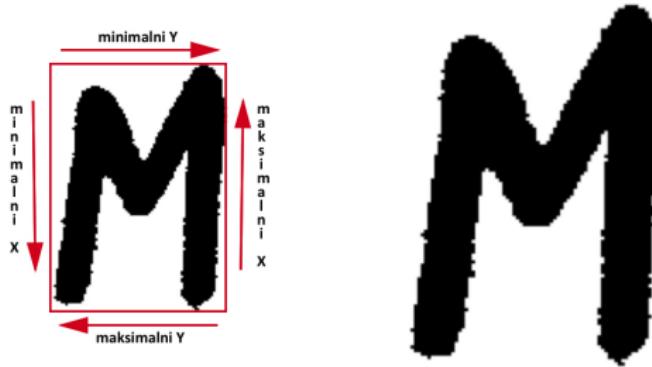
- Binarna slika, iznimno lako pronaći pravokutni okvir slova.
- Pronalazak najbližeg i najdaljeg crnog slikovnog elementa po visini i širini slike.
- Skaliranje na uniformne dimenzije ( $30 \times 30$ ) - olakšano izlučivanje značajki.

# Segmentacija i skaliranje slova

- Binarna slika, iznimno lako pronaći pravokutni okvir slova.
- Pronalazak najbližeg i najdaljeg crnog slikovnog elementa po visini i širini slike.
- Skaliranje na uniformne dimenzije ( $30 \times 30$ ) - olakšano izlučivanje značajki.
- Metode skaliranja:
  - bilinearna interpolacija,
  - bikubična interpolacija,
  - metoda najbližeg susjeda - korištena,
  - ...

# Segmentacija i skaliranje slova

Prikaz rada algoritma



# Klasifikacija

## Neuronske mreže

- Razvoj započeo sredinom prošlog stoljeća.

# Klasifikacija

## Neuronske mreže

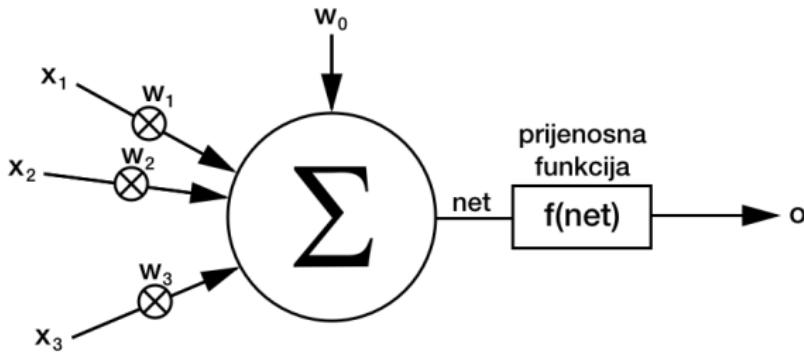
- Razvoj započeo sredinom prošlog stoljeća.
- Model umjetnog neurona - TLU perceptron - izračun logičkih funkcija I, ILI i NE.

# Klasifikacija

## Neuronske mreže

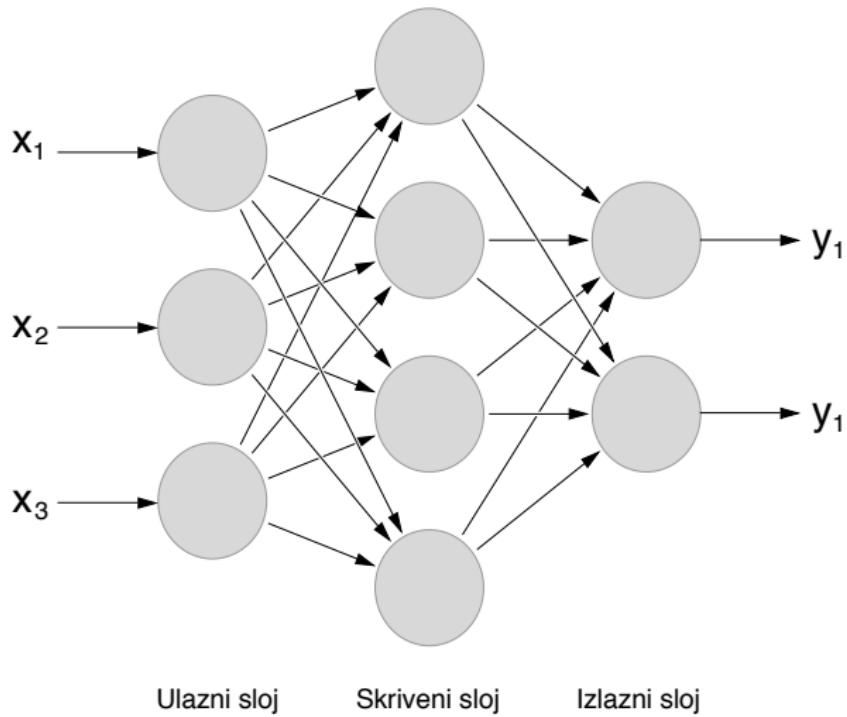
- Razvoj započeo sredinom prošlog stoljeća.
- Model umjetnog neurona - TLU perceptron - izračun logičkih funkcija I, ILI i NE.
- Kombinacija više povezanih umjetnih neurona - neuronska mreža.

# Osnovni model umjetnog neurona



- Osnovni procesni element.
- Definiran je:
  - ulazima:  $x_1, x_2, \dots, x_n$ ,
  - težinama pojedinog ulaza:  $w_1, w_2, \dots, w_n$ ,
  - jezgrom koja se ponaša kao zbrajalo:  $net = \sum_{i=0}^n w_i \cdot x_i$  i
  - prijenosnom funkcijom kao izlaz:  $f(net)$  - funkcija skoka, sigmoidalna funkcija...

# Osnovni model neuronske mreže



# Učenje neuronske mreže

- Faza učenja i faza iskorištavanja

# Učenje neuronske mreže

- Faza učenja i faza iskorištavanja
- *učiti znači mijenjati jakosti veza između neurona* - Donald Hebb.

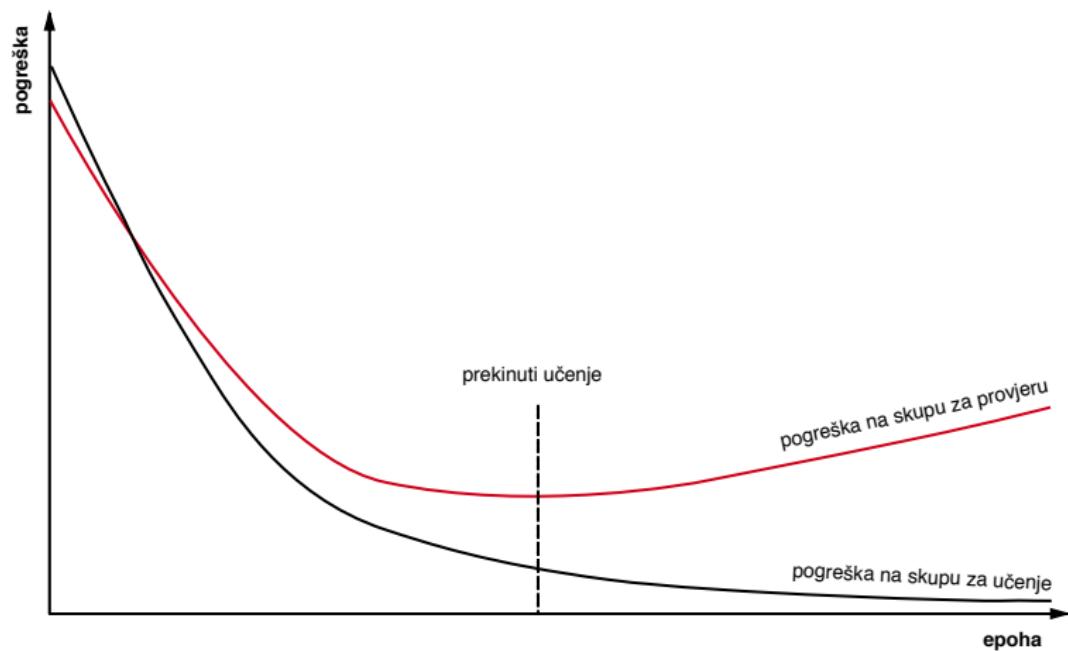
- Faza učenja i faza iskorištavanja
- *učiti znači mijenjati jakosti veza između neurona* - Donald Hebb.
- Podjela učenja:
  - nadzirano učenje,
  - učenje bez učitelja i
  - podržano učenje.

- Faza učenja i faza iskorištavanja
- *učiti znači mijenjati jakosti veza između neurona* - Donald Hebb.
- Podjela učenja:
  - nadzirano učenje,
  - učenje bez učitelja i
  - podržano učenje.
- Cilj: generalizacija, klasifikacija do sad neviđenih podataka, izbjegći pretreniranost.

- Faza učenja i faza iskorištavanja
- *učiti znači mijenjati jakosti veza između neurona* - Donald Hebb.
- Podjela učenja:
  - nadzirano učenje,
  - učenje bez učitelja i
  - podržano učenje.
- Cilj: generalizacija, klasifikacija do sad neviđenih podataka, izbjegći pretreniranost.
- Skup za učenje, skup za provjeru i skup za testiranje.

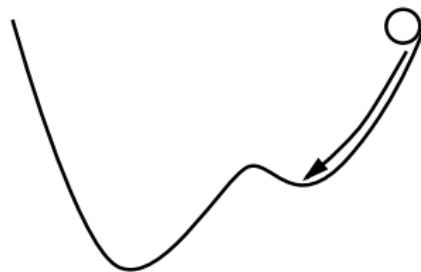
# Učenje neuronske mreže

## Prikaz pogreške prilikom učenja

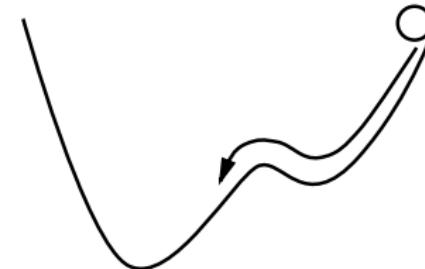


# Učenje neuronske mreže

Algoritam propagacije pogreške unatrag uz dodatak momenta inercije



a) bez momenta inercije

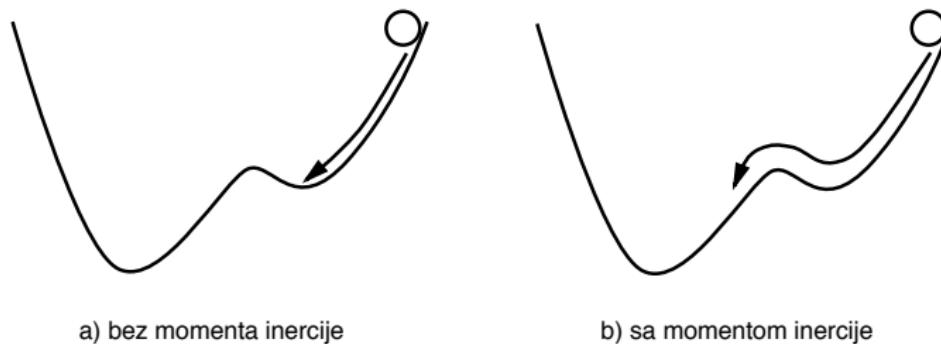


b) sa momentom inercije

- Algoritam propagacije pogreške unatrag vrlo lako zaglavi u lokalnom minimumu.

# Učenje neuronske mreže

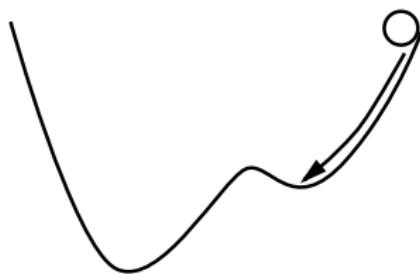
Algoritam propagacije pogreške unatrag uz dodatak momenta inercije



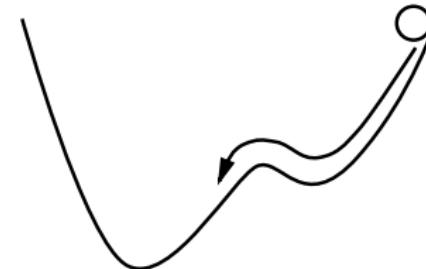
- Algoritam propagacije pogreške unatrag vrlo lako zaglavi u lokalnom minimumu.
- Analogija iz stvarnog svijeta: moment inercije.

# Učenje neuronske mreže

Algoritam propagacije pogreške unatrag uz dodatak momenta inercije



a) bez momenta inercije



b) sa momentom inercije

- Algoritam propagacije pogreške unatrag vrlo lako zaglavi u lokalnom minimumu.
- Analogija iz stvarnog svijeta: moment inercije.
- Preinaka izraza za korekciju težina kod algoritma propagacije pogreške unatrag.

# Izlučivanje značajki

- Ključan korak prilikom izgradnje sustava za prepoznavanje rukom pisanih slova.

# Izlučivanje značajki

- Ključan korak prilikom izgradnje sustava za prepoznavanje rukom pisanih slova.
- Uspjeh generalizacije ovisi o kvaliteti izlučenih značajki.

# Izlučivanje značajki

- Ključan korak prilikom izgradnje sustava za prepoznavanje rukom pisanih slova.
- Uspjeh generalizacije ovisi o kvaliteti izlučenih značajki.
- Kod slova, razlikuju se dvije vrste značajki: strukturne i statističke.

# Izlučivanje značajki

## Strukturne značajke

- Temelje se na geometrijskim i topološkim svojstvima slova: broj presjecišta, krajnjih točaka, omjer visine i širine slova...

# Izlučivanje značajki

## Strukturne značajke

- Temelje se na geometrijskim i topološkim svojstvima slova: broj presjecišta, krajnjih točaka, omjer visine i širine slova...
- Vrlo otporne na stil pisanja i rukopis.

# Izlučivanje značajki

## Strukturne značajke

- Temelje se na geometrijskim i topološkim svojstvima slova: broj presjecišta, krajnjih točaka, omjer visine i širine slova...
- Vrlo otporne na stil pisanja i rukopis.
- Korištene: broj presjecišta i broj krajnih točaka.

# Izlučivanje značajki

## Statističke značajke

- Uzimaju u obzir statističku raspodjelu slikovnih elemenata i njihovu vrijednost.

# Izlučivanje značajki

## Statističke značajke

- Uzimaju u obzir statističku raspodjelu slikovnih elemenata i njihovu vrijednost.
- Podjela na zone, projekcijski histogrami, vertikalna projekcija, horizontalna projekcija, dijagonalna projekcija...

# Izlučivanje značajki

## Statističke značajke

- Uzimaju u obzir statističku raspodjelu slikovnih elemenata i njihovu vrijednost.
- Podjela na zone, projekcijski histogrami, vertikalna projekcija, horizontalna projekcija, dijagonalna projekcija...
- Korištene: dijagonalna, horizontalna i vertikalna projekcija.

# Rezultati

- Velika i mala slova hrvatske i engleske abecede.
- Najbolji vektor značajki: vertikalna i dijagonalna projekcija te broj presjecišta i krajinjih točaka.
- Neuronska mreža:
  - Arhitektura:  $65 \times 86 \times 86 \times 27$  (ili 32).
  - Jedan izlaz - jedan znak.
- Točnost prepoznavanja:
  - Velika slova engleske abecede: 88.57%
  - Sva slova hrvatske abecede: 78.44%
- Najčešće pogreške: č kao Ć, malo slovo L kao velik slovo I, slovo g kao q.

# Rezultati

## Najčešće pogreške



# Rezultati

## Tablica prepoznavanja za hrvatsku abecedu

Slovo	Točnost
A	7/10
B	10/10
C	9/10
D	6/10
E	9/10
F	6/10
G	4/10
H	8/10
I	9/10
J	10/10
K	8/10

Slovo	Točnost
K	8/10
L	5/10
M	9/10
N	6/10
O	9/10
P	10/10
R	8/10
S	9/10
T	10/10
U	8/10
V	10/10

Slovo	Točnost
Z	8/10
X	9/10
Y	10/10
W	9/10
Q	3/10
Č	2/10
Ć	10/10
Đ	10/10
Š	5/10
Ž	6/10
Ukupno	78.44%

# Zaključak

- Dobiveni rezultati u granicama očekivanoga.
- Potreban veći skup podataka.
- Konvolucijska neuronska mreža.

Kraj

# HVALA NA PAŽNJI!